Leibniz Universität Hannover Wirtschaftswissenschaftliche Fakultät Institut für Produktionswirtschaft Prof. Dr. Stefan Helber

Klausur zur Veranstaltung "Industrielle Produktionsprozesse" $\operatorname{im} WS\ 2010/11$

Hinweise:

- Die Klausur besteht aus 10 Seiten (inkl. Deckblatt). Bitte überprüfen Sie, ob Ihr Exemplar komplett ist und lassen Sie sich ansonsten ein anderes geben.
- Die Klausur besteht aus drei Aufgaben, die alle zu bearbeiten sind.
- In jeder Aufgabe sind 20 Punkte zu erreichen. Bei einer Klausurdauer von 60 Minuten sind damit maximal insgesamt 60 Punkte zu erreichen.
- Bitte antworten Sie kurz und präzise! Stichwortartige Antworten genügen!
- Hilfsmittel sind nicht (!!) erlaubt.
- Zur Beantwortung der Fragen finden Sie genügend Platz in der Klausur. Bitte reißen Sie die Klausur nicht auseinander und verwenden Sie kein eigenes Papier.
- Tragen Sie bitte zuerst Ihre persönlichen Daten ein.

Persönliche Daten:

Nachname	Vorname	Matrikelnr.	Studienfach	Semester

Bewertung:

Aufg.	1	2	3	Summe
Punkte				

1. Mehrperiodige Produktionsprogrammplanung (20 Punkte)

(a) Kennzeichnen Sie **formal** das Modell zur vertikalen Beschäftigungsglättung. Nutzen Sie dazu die unten stehende Notation und geben Sie die Entscheidungsvariablen, die Zielfunktion und die Restriktionen des Modelles an! (15 Punkte)

Indizes und Indexmengen:

$i, k \in \mathcal{K}$	Produkttypen
t = 1,, T	Perioden
$v, w \in \mathcal{W}$	Werke
$\mathcal{K}_w\subseteq\mathcal{K}$	Indexmenge der Produkttypen, die in Werk \boldsymbol{w} produziert

$\begin{array}{lll} \underline{\text{Daten:}} \\ bc_{wk} & \text{variabler Beschaffungskostensatz je ME von Produkttyp } k \\ & \text{in Werk } w \\ C_{wt}^{\text{max}} & \text{technische Kapazität in Periode } t \text{ und Werk } w \\ d_{wkt} & \text{Bedarf von Produkttyp } k \text{ in Periode } t \text{ und Werk } w \\ db_{ki} & \text{Anzahl der Einheiten von Produkttyp } k, \text{ die in eine Einheit von Produkttyp } i \text{ eingehen} \\ hc_{wk} & \text{Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp } k \text{ über eine Periode in Werk } w \\ N_{wt}^{\text{max}} & \text{personelle Kapazität in Periode } t \text{ in Werk } w \\ \end{array}$	w <u> </u>	werden können
bc_{wk} variabler Beschaffungskostensatz je ME von Produkttyp k in Werk w C_{wt}^{max} technische Kapazität in Periode t und Werk w d_{wkt} Bedarf von Produkttyp k in Periode t und Werk w db_{ki} Anzahl der Einheiten von Produkttyp k , die in eine Einheit von Produkttyp i eingehen hc_{wk} Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp k über eine Periode in Werk w N_{wt}^{max} personelle Kapazität in Periode t in Werk w	Daten:	
$\begin{array}{ll} C_{wt}^{\max} & \text{technische Kapazit"at in Periode t und Werk w} \\ d_{wkt} & \text{Bedarf von Produkttyp k in Periode t und Werk w} \\ db_{ki} & \text{Anzahl der Einheiten von Produkttyp k, die in eine Einheit von Produkttyp i eingehen} \\ hc_{wk} & \text{Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp k "über eine Periode in Werk w} \\ N_{wt}^{\max} & \text{personelle Kapazit"at in Periode t in Werk w} \end{array}$	$\overline{bc_{wk}}$	variabler Beschaffungskostensatz je ME von Produkttyp \boldsymbol{k}
d_{wkt} Bedarf von Produkttyp k in Periode t und Werk w db_{ki} Anzahl der Einheiten von Produkttyp k , die in eine Einheit von Produkttyp i eingehen hc_{wk} Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp k über eine Periode in Werk w N_{wt}^{max} personelle Kapazität in Periode t in Werk w		in Werk w
db_{ki} Anzahl der Einheiten von Produkttyp k , die in eine Einheit von Produkttyp i eingehen hc_{wk} Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp k über eine Periode in Werk w N_{wt}^{\max} personelle Kapazität in Periode t in Werk w	C_{wt}^{\max}	technische Kapazität in Periode t und Werk w
eine Einheit von Produkttyp i eingehen $hc_{wk} \qquad \text{Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp } k \text{ "über eine}$ $\text{Periode in Werk } w$ $N_{wt}^{\text{max}} \qquad \text{personelle Kapazität in Periode } t \text{ in Werk } w$	d_{wkt}	Bedarf von Produkttyp k in Periode t und Werk w
hc_{wk} Kosten der Lagerung einer Einheit von Produkttyp k über eine Periode in Werk w personelle Kapazität in Periode t in Werk w	db_{ki}	Anzahl der Einheiten von Produkttyp k , die in
Periode in Werk w $N_{wt}^{\text{max}} \qquad \text{personelle Kapazität in Periode } t \text{ in Werk } w$		eine Einheit von Produkttyp i eingehen
N_{wt}^{max} personelle Kapazität in Periode t in Werk w	hc_{wk}	~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~
	1.7max	
	w t	
oc_{wt} Kosten einer Überstunde in Periode t in Werk w	oc_{wt}	Kosten einer Uberstunde in Periode t in Werk w
pc_{wk} variabler Produktionskostensatz je ME von Produkttyp k	$nc_{\cdots 1}$	variabler Produktionskostensatz ie ME von Produkttyp k
in Werk w	$P \cup w \kappa$	
	r_{l_2}	
r_k Lagerkapazitätsbedarf je Einheit von Produkttyp k tb_{wk}^{pers} Produktionskoeffizient für personelle Kapazität für Produkt k	tb^{pers}	~ - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
$\lim_{k \to \infty} \operatorname{Werk} w$	wk	
tb_{wk}^{tech} Produktionskoeffizient für technische Kapazität für Produkt k	tb^{tech}	
in Werk w	$w\kappa$	
	U^{\max}	maximale personelle Zusatzkapazität (Überstunden) in Periode t
in Werk w	v_t	
Y_{wk0} Lageranfangsbestand von Produkt k in Werk w	Y_{wk0}	Lageranfangsbestand von Produkt k in Werk w
Y_{wkt}^{\min} Minimaler Lagerbestand von Produkt k in Werk s in Periode t		
Y_{wt}^{max} Lagerkapazität in Werk s in Periode t	Y_{wt}^{\max}	· ·

(b) Erweitern Sie das obige Modell um die Einhaltung von Mindestproduktionsmengen. Für den Fall, dass in Werk w in Periode t der Produkttyp k gefertigt wird, müssen mindestens Q_{kw}^{\min} ME hergestellt werden. Bei der Herstellung fallen produktionsmengen-unabhängige Fixkosten pc_{kw}^{fix} für Produkttyp k an Werk w in jeder Fertigungsperiode an. Definieren Sie ggf. zusätzlich eingeführte Variablen und Parameter. (5 Punkte)

2. Dynamische Losgrößenplanung (20 Punkte)

(a) Zeigen Sie **stichwortartig** Gemeinsamkeiten und Unterscheide der in der Vorlesung behandelten Small-Bucket-Modelle DLSP, CSLP und PLSP auf. **(15 Punkte)**

(b) Erläutern Sie **stichwortartig**, warum bei den Ihnen bekannten Modellformulierungen zur Losgrößenplanung häufig auf variable Produktionskosten verzichtet werden kann. Geben Sie darüber hinaus an, in welchen Fällen die variablen Produktionskosten explizit berücksichtigt werden müssen. (5 **Punkte**)

3. Reihenfolgeplanung (20 Punkte)

(a) Kennzeichnen Sie **stichwortartig** die Vorgehensweise beim "Shifting bottleneck"-Verfahren zur Lösung von Job-Shop-Scheduling-Problemen. **(5 Punkte)** (b) Drei Aufträge sollen mit minimaler Zykluszeit auf zwei Maschinen bearbeitet werden. Die Bearbeitungszeiten t_{jh} und die zur Ausführung des Arbeitsgangs h von Auftrag j benötigte Maschine μ_{jh} sind in unten stehender Tabelle angegeben.

Bearbeitungszeiten t_{jh}			
j/h	1	2	
1	3	2	
2	8	6	
3	4	5	

Maschinenfolgen μ_{jh}		
j/h	1	2
1	1	2
2	2	1
3	2	1

Führen Sie das Shifting-Bottleneck-Verfahren durch. Geben Sie die ermittelte Zykluszeit sowie die Anfangs- und Endzeitpunkte der Aufträge auf den beiden Maschinen an. (15 Punkte)