

Klausur zur Vorlesung
“**Logistik**”
im Sommersemester 2018

Hinweise:

- Die Klausur besteht aus 14 Seiten (inkl. Deckblatt und **Tabelle** im Anhang). Bitte überprüfen Sie, ob Ihr Exemplar vollständig ist, und lassen Sie sich ggf. ein anderes geben.
- Die Klausur besteht aus 5 Aufgaben, die alle zu bearbeiten sind. Die erreichbare Punktzahl ist bei jeder Aufgabe angegeben. Insgesamt sind bei einer Klausurdauer von **60 Minuten** maximal **60 Punkte** zu erreichen.
- **Der Lösungsweg muss erkennbar sein!** Wenn Sie zur Beantwortung einer Frage eine Formel verwenden, so geben Sie diese zunächst in allgemeiner Form an.
- Geben Sie bei Ihren Berechnungen stets Einheiten der verwendeten Größen an!
- **Bitte antworten Sie kurz und präzise! Stichwortartige Antworten genügen!**
- Erlaubte Hilfsmittel sind ein nicht-programmierbarer Taschenrechner sowie ein zweiseitig handschriftlich beschriebenes Hilfsblatt im Format DIN A4 mit Formeln etc. nach Ihrer Wahl.
- Zur Beantwortung der Fragen finden Sie genügend Platz in der Klausur. Bitte reißen Sie die Klausur nicht auseinander und verwenden Sie kein eigenes Papier.
- Tragen Sie bitte zuerst Ihre persönlichen Daten ein.

Persönliche Daten:

Nachname	Vorname	Matrikelnr.	Studienfach	Semester

Bewertung:

Aufg.	1	2	3	4	5	Summe
Punkte						

1. Standortplanung in der Ebene (6 Punkte)

Zeigen Sie anhand einer Skizze mit zwei Punkten, wie sich die Entfernungsmessungen zwischen zwei Punkten in der Ebene mit der L_1 - und L_2 -Metrik unterscheiden. Nennen Sie je eine Anwendungsmöglichkeit für die jeweiligen Metriken. (6 P.)

2. Standortplanung in Netzen (14 Punkte)

Im Folgenden finden Sie die aus der Vorlesung bekannte Modellformulierung für das Center-Problem:

Indizes:

$j = 1 \dots n$ Kundenorte
 $i = 1 \dots m$ potentielle Center

Parameter:

d_{ij} Entfernung zwischen einem Center i und einem Kundenstandort j
 p Anzahl der zu errichtenden Center

$$\text{Minimiere } S \tag{1}$$

u.B.d.R.

$$d_{ij} \cdot x_{ij} \leq S, \quad \forall i, j \tag{2}$$

$$\sum_{i=1}^m y_i = p, \tag{3}$$

$$\sum_{i=1}^m x_{ij} = 1, \quad \forall j \tag{4}$$

$$y_i \geq x_{ij}, \quad \forall i, j \tag{5}$$

$$y_i \in \{0, 1\}, \quad \forall i \tag{6}$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\}, \quad \forall i, j \tag{7}$$

(a) Erläutern Sie die Bedeutung der Entscheidungsvariablen y_i und x_{ij} . (3 P.)

- (b) Erläutern Sie die Zielfunktion (1) und benennen Sie kurz die Funktionen der Nebenbedingungen (2) - (5) der Modellformulierung für das Center-Problem. (5 P.)

- (c) Grenzen Sie die Zielsetzungen des Covering-Problems sowie des Median-Problems von der Zielsetzung des Center-Problems ab. (6 P.)

3. Modellerweiterung zum mehrstufigem Facility Location Problem (10 Punkte)

Im folgenden finden Sie eine erweiterte Version des aus der Vorlesung bekannten Modells zum mehrstufigen Facility Location Problem.

Indizes

$h = 1 \dots k$	Werke
$i = 1 \dots m$	Lager
$j = 1 \dots n$	Abnehmer

Parameter:

b_j	Nachfrage von Abnehmer j
\tilde{a}_h	Angebotsmenge an Werk h
a_i	Lagerkapazität an Lager i
f_i	Fixkosten für die Eröffnung von Lager i
$c_{ij}/\hat{c}_{hj}/\tilde{c}_{hi}$	Transportkostensätze

Entscheidungsvariablen (Auszug):

y_i	Binäre Entscheidungsvariable: 1, wenn Lager i eingerichtet wird
-------	---

$$\text{Min } F = \sum_{h=1}^k \sum_{i=1}^m \tilde{c}_{hi} \cdot \tilde{x}_{hi} + \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n c_{ij} \cdot x_{ij} + \sum_{h=1}^k \sum_{j=1}^n \hat{c}_{hj} \cdot \hat{x}_{hj} + \sum_{i=1}^m f_i y_i$$

$$\sum_{i=1}^m \tilde{x}_{hi} + \sum_{j=1}^n \hat{x}_{hj} \leq \tilde{a}_h, \quad \forall h \quad (8)$$

$$\sum_{i=1}^m x_{ij} + \sum_{h=1}^k \hat{x}_{hj} = b_j, \quad \forall j \quad (9)$$

$$\sum_{h=1}^k \tilde{x}_{hi} - \sum_{j=1}^n x_{ij} = 0, \quad \forall i \quad (10)$$

$$\sum_{j=1}^n x_{ij} \leq a_i y_i, \quad \forall i \quad (11)$$

$$y_i \in \{0, 1\}, \quad \forall i \quad (12)$$

$$\tilde{x}_{hi} \geq 0, \quad \forall h, i \quad (13)$$

$$x_{ij} \geq 0, \quad \forall i, j \quad (14)$$

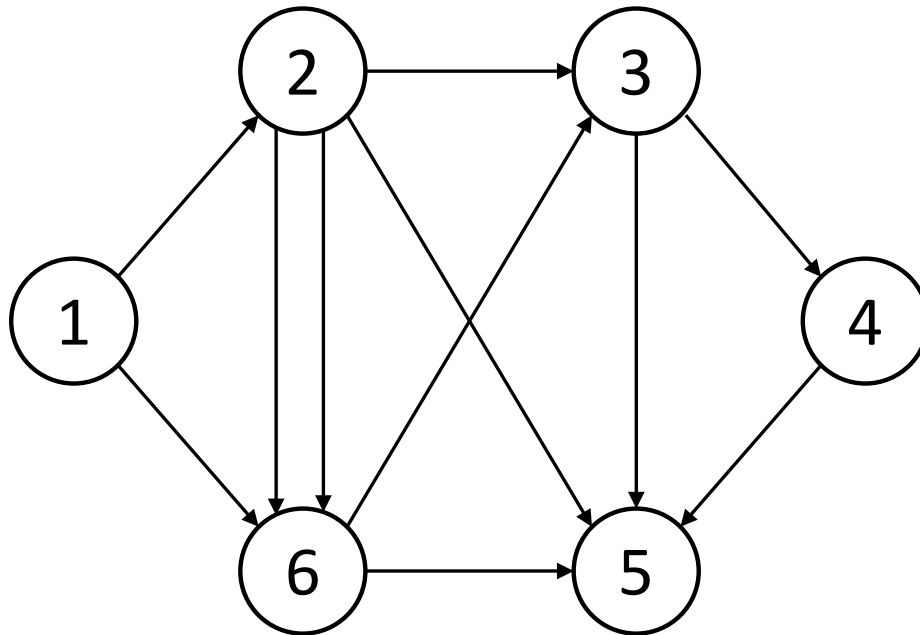
$$\hat{x}_{hj} \geq 0, \quad \forall h, j \quad (15)$$

(a) Grenzen Sie die Bedeutungen der Entscheidungsvariablen x_{ij} , \hat{x}_{hj} und \tilde{x}_{hi} voneinander ab. (6 P.)

(b) Erläutern Sie, worin im Vergleich mit dem Grundmodell zum mehrstufigen Facility Location Problem die Erweiterung besteht. (4 P.)

4. Das Briefträgerproblem (10 Punkte)

Der folgende Graph soll zu einem Euler-Graph erweitert werden.



- (a) Visualisieren Sie dafür zunächst das zugehörige Transportproblem. Bestimmen Sie dann eine zulässige Lösung mit der Nord-West-Ecken-Regel. Gehen Sie dabei davon aus, dass jeder Ort von jedem anderen Ort aus erreicht werden kann. Zeichnen Sie den erhaltenen Transportplan in Ihre Grafik ein (Transportmengen auf den Pfeilen) und ergänzen Sie die eingefügten Verbindungen zudem in dem gegebenen Graph. (7 P.)

(b) Bestimmen Sie eine beliebige Euler-Tour für den erzeugten Euler-Graphen. (3 P.)

5. Ein-Produkt-Lagerhaltung (20 Punkte)

- (a) Beschreiben Sie kurz die Funktionsweise der Bestellregel einer (s, q) -Lagerhaltungspolitik! (2 P.)
- (b) Ein Ein-Produkt-Lager werde an allen 365 Tagen eines Jahres mit einer (s, q) -Lagerhaltungspolitik betrieben. Der erwartete Bedarf je Tag sei identisch und unabhängig normalverteilt mit $\mu_D = 125$ ME und $\sigma_D = 25$ ME, die Länge der Wiederbeschaffungszeit sei 3 Tage. Der Bestand werde kontinuierlich überwacht. Unterstellen Sie, dass das Ein-Produkt-Lager bei einer **vorgegebenen Bestellmenge von 1000 ME** mit einem β -Servicegrad von 98% betrieben werden soll. Ermitteln Sie den dazu gerade noch zulässigen Fehlmengenerwartungswert $E[F(s)]$, den standardisierten Fehlmengenerwartungswert $E[FN(\nu)]$, den Sicherheitsfaktor ν , den ganzzahligen (!) Bestellpunkt s und geben Sie den Sicherheitsbestand SB an! (Eine Tabelle mit den erforderlichen standardisierten Fehlmengenerwartungswerten finden Sie am Ende der Klausur!) (7 P.)

- (c) Erläutern Sie kurz, was unter dem Defizit in der (s, q) -Lagerhaltungspolitik zu verstehen ist und wie es entstehen kann. Erläutern Sie, wie sich die Berücksichtigung des Defizits bei gleicher Bestellmenge auf den Bestellpunkt s auswirkt! (3 P.)

(d) Gehen Sie nun abweichend von Aufgabe b) davon aus, dass die Bestellmenge (bei gleichbleibenden Bestellpunkt) auf 1200 ME erhöht wird. Begründen Sie jeweils kurz, ob und in welche Richtung sich die folgenden Größen dadurch verändern. (8 P.)

- Höhe des mittleren Lagerbestands:

- Zyklusdauer:

- Erwartete Nachfrage im Zyklus:

- Länge des Risikozeitraums:

- Erwartete Fehlmenge im Risikozeitraum:

- β -Servicegrad:

- Lagerkosten je Zeiteinheit:

- Bestellkosten je Zeiteinheit:

Anhang: Standardisierte Fehlmengenerwartungswerte und Sicherheitsfaktoren

$E\{FN_E(\nu)\}$	ν								
		2.077025	-2.07	1.194646	-1.13	0.501122	-0.19	0.131167	0.75
		2.067219	-2.06	1.185949	-1.12	0.495388	-0.18	0.128916	0.76
2.990396	-2.99	2.057419	-2.05	1.177274	-1.11	0.489693	-0.17	0.126694	0.77
2.980410	-2.98	2.047623	-2.04	1.168619	-1.10	0.484038	-0.16	0.124503	0.78
2.970425	-2.97	2.037832	-2.03	1.159987	-1.09	0.478422	-0.15	0.122340	0.79
2.960440	-2.96	2.028046	-2.02	1.151377	-1.08	0.472846	-0.14	0.120207	0.80
2.950455	-2.95	2.018266	-2.01	1.142789	-1.07	0.467309	-0.13	0.118103	0.81
2.940471	-2.94	2.008491	-2.00	1.134223	-1.06	0.461811	-0.12	0.116028	0.82
2.930488	-2.93	1.998721	-1.99	1.125680	-1.05	0.456354	-0.11	0.113981	0.83
2.920505	-2.92	1.988957	-1.98	1.117160	-1.04	0.450935	-0.10	0.111962	0.84
2.910523	-2.91	1.979198	-1.97	1.108664	-1.03	0.445557	-0.09	0.109972	0.85
2.900541	-2.90	1.969445	-1.96	1.100190	-1.02	0.440218	-0.08	0.108009	0.86
2.890560	-2.89	1.959698	-1.95	1.091741	-1.01	0.434919	-0.07	0.106074	0.87
2.880580	-2.88	1.949957	-1.94	1.083315	-1.00	0.429660	-0.06	0.104166	0.88
2.870600	-2.87	1.940222	-1.93	1.074914	-0.99	0.424441	-0.05	0.102285	0.89
2.860621	-2.86	1.930493	-1.92	1.066537	-0.98	0.419261	-0.04	0.100431	0.90
2.850643	-2.85	1.920771	-1.91	1.058185	-0.97	0.414122	-0.03	0.098604	0.91
2.840665	-2.84	1.911054	-1.90	1.049858	-0.96	0.409022	-0.02	0.096803	0.92
2.830688	-2.83	1.901345	-1.89	1.041556	-0.95	0.403962	-0.01	0.095028	0.93
2.820711	-2.82	1.891642	-1.88	1.033279	-0.94	0.398942	0.00	0.093279	0.94
2.810736	-2.81	1.881946	-1.87	1.025028	-0.93	0.393962	0.01	0.091556	0.95
2.800761	-2.80	1.872257	-1.86	1.016803	-0.92	0.389022	0.02	0.089858	0.96
2.790787	-2.79	1.862575	-1.85	1.008604	-0.91	0.384122	0.03	0.088185	0.97
2.780814	-2.78	1.852900	-1.84	1.000431	-0.90	0.379261	0.04	0.086537	0.98
2.770841	-2.77	1.843233	-1.83	0.992285	-0.89	0.374441	0.05	0.084914	0.99
2.760870	-2.76	1.833573	-1.82	0.984166	-0.88	0.369660	0.06	0.083315	1.00
2.750899	-2.75	1.823920	-1.81	0.976074	-0.87	0.364919	0.07	0.081741	1.01
2.740929	-2.74	1.814276	-1.80	0.968009	-0.86	0.360218	0.08	0.080190	1.02
2.730961	-2.73	1.804639	-1.79	0.959972	-0.85	0.355557	0.09	0.078664	1.03
2.720993	-2.72	1.795010	-1.78	0.951962	-0.84	0.350935	0.10	0.077160	1.04
2.711026	-2.71	1.785390	-1.77	0.943981	-0.83	0.346354	0.11	0.075680	1.05
2.701060	-2.70	1.775778	-1.76	0.936028	-0.82	0.341811	0.12	0.074223	1.06
2.691095	-2.69	1.766174	-1.75	0.928103	-0.81	0.337309	0.13	0.072789	1.07
2.681131	-2.68	1.756579	-1.74	0.920207	-0.80	0.332846	0.14	0.071377	1.08
2.671169	-2.67	1.746993	-1.73	0.912340	-0.79	0.328422	0.15	0.069987	1.09
2.661207	-2.66	1.737415	-1.72	0.904503	-0.78	0.324038	0.16	0.068619	1.10
2.651247	-2.65	1.727847	-1.71	0.896694	-0.77	0.319693	0.17	0.067274	1.11
2.641288	-2.64	1.718288	-1.70	0.888916	-0.76	0.315388	0.18	0.065949	1.12
2.631330	-2.63	1.708738	-1.69	0.881167	-0.75	0.311122	0.19	0.064646	1.13
2.621373	-2.62	1.699198	-1.68	0.873448	-0.74	0.306895	0.20	0.063365	1.14
2.611418	-2.61	1.689668	-1.67	0.865760	-0.73	0.302707	0.21	0.062103	1.15
2.601464	-2.60	1.680147	-1.66	0.858102	-0.72	0.298558	0.22	0.060863	1.16
2.591511	-2.59	1.670637	-1.65	0.850475	-0.71	0.294448	0.23	0.059643	1.17
2.581560	-2.58	1.661137	-1.64	0.842879	-0.70	0.290377	0.24	0.058443	1.18
2.571610	-2.57	1.651647	-1.63	0.835315	-0.69	0.286345	0.25	0.057263	1.19
2.561662	-2.56	1.642168	-1.62	0.827781	-0.68	0.282351	0.26	0.056102	1.20
2.551715	-2.55	1.632700	-1.61	0.820280	-0.67	0.278396	0.27	0.054961	1.21
2.541769	-2.54	1.623242	-1.60	0.812810	-0.66	0.274479	0.28	0.053840	1.22
2.531825	-2.53	1.613796	-1.59	0.805372	-0.65	0.270601	0.29	0.052737	1.23
2.521883	-2.52	1.604360	-1.58	0.797967	-0.64	0.266761	0.30	0.051652	1.24
2.511943	-2.51	1.594937	-1.57	0.790594	-0.63	0.262959	0.31	0.050587	1.25
2.502004	-2.50	1.585525	-1.56	0.783254	-0.62	0.259196	0.32	0.049539	1.26
2.492067	-2.49	1.576124	-1.55	0.775947	-0.61	0.255470	0.33	0.048510	1.27
2.482132	-2.48	1.566736	-1.54	0.768673	-0.60	0.251782	0.34	0.047498	1.28
2.472198	-2.47	1.557360	-1.53	0.761432	-0.59	0.248131	0.35	0.046504	1.29
2.462267	-2.46	1.547996	-1.52	0.754225	-0.58	0.244518	0.36	0.045528	1.30
2.452337	-2.45	1.538645	-1.51	0.747051	-0.57	0.240943	0.37	0.044568	1.31
2.442410	-2.44	1.529307	-1.50	0.739912	-0.56	0.237404	0.38	0.043626	1.32
2.432484	-2.43	1.519981	-1.49	0.732806	-0.55	0.233903	0.39	0.042700	1.33
2.422561	-2.42	1.510669	-1.48	0.725735	-0.54	0.230439	0.40	0.041791	1.34
2.412640	-2.41	1.501370	-1.47	0.718698	-0.53	0.227011	0.41	0.040897	1.35
2.402720	-2.40	1.492085	-1.46	0.711696	-0.52	0.223621	0.42	0.040020	1.36
2.392804	-2.39	1.482813	-1.45	0.704729	-0.51	0.220267	0.43	0.039159	1.37
2.382889	-2.38	1.473555	-1.44	0.697797	-0.50	0.216949	0.44	0.038313	1.38
2.372977	-2.37	1.464312	-1.43	0.690900	-0.49	0.213667	0.45	0.037483	1.39
2.363067	-2.36	1.455083	-1.42	0.684038	-0.48	0.210422	0.46	0.036668	1.40
2.353160	-2.35	1.445868	-1.41	0.677212	-0.47	0.207212	0.47	0.035868	1.41
2.343255	-2.34	1.436668	-1.40	0.670422	-0.46	0.204038	0.48	0.035083	1.42
2.333352	-2.33	1.427483	-1.39	0.663667	-0.45	0.200900	0.49	0.034312	1.43
2.323453	-2.32	1.418313	-1.38	0.656949	-0.44	0.197797	0.50	0.033555	1.44
2.313556	-2.31	1.409159	-1.37	0.650267	-0.43	0.194729	0.51	0.032813	1.45
2.303662	-2.30	1.400020	-1.36	0.643621	-0.42	0.191696	0.52	0.032085	1.46
2.293770	-2.29	1.390897	-1.35	0.637011	-0.41	0.188698	0.53	0.031370	1.47
2.283882	-2.28	1.381791	-1.34	0.630439	-0.40	0.185735	0.54	0.030669	1.48
2.273996	-2.27	1.372700	-1.33	0.623903	-0.39	0.182806	0.55	0.029981	1.49
2.264114	-2.26	1.363626	-1.32	0.617404	-0.38	0.179912	0.56	0.029307	1.50
2.254235	-2.25	1.354568	-1.31	0.610943	-0.37	0.177051	0.57	0.028645	1.51
2.244359	-2.24	1.345528	-1.30	0.604518	-0.36	0.174225	0.58	0.027996	1.52
2.234486	-2.23	1.336504	-1.29	0.598131	-0.35	0.171432	0.59	0.027360	1.53
2.224616	-2.22	1.327498	-1.28	0.591782	-0.34	0.168673	0.60	0.026736	1.54
2.214750	-2.21	1.318510	-1.27	0.585470	-0.33	0.165947	0.61	0.026124	1.55
2.204887	-2.20	1.309539	-1.26	0.579196	-0.32	0.163254	0.62	0.025525	1.56
2.195028	-2.19	1.300587	-1.25	0.572959	-0.31	0.160594	0.63	0.024937	1.57
2.185172	-2.18	1.291652	-1.24	0.566761	-0.30	0.157967	0.64	0.024360	1.58
2.175321	-2.17	1.282737	-1.23	0.560601	-0.29	0.155372	0.65	0.023796	1.59
2.165472	-2.16	1.273840	-1.22	0.554479	-0.28	0.152810	0.66	0.023242	1.60
2.155628	-2.15	1.264961	-1.21	0.548396	-0.27	0.150280	0.67	0.022700	1.61
2.145788	-2.14	1.256102	-1.20	0.542351	-0.26	0.147781	0.68	0.022168	1.62
2.135952	-2.13	1.247263	-1.19	0.536345	-0.25	0.145315	0.69	0.021647	1.63
2.126120	-2.12	1.238443	-1.18	0.530377	-0.24	0.142879	0.70	0.021137	1.64
2.116292	-2.11	1.229643	-1.17	0.524448	-0.23	0.140475	0.71	0.020637	1.65
2.106468	-2.10	1.220863	-1.16	0.518558	-0.22	0.138102	0.72	0.020147	1.66
2.096649	-2.09	1.212103	-1.15	0.512707	-0.21	0.135760	0.73	0.019668	1.67
2.086835	-2.08	1.203365	-1.14	0.506895	-0.20	0.133448	0.74	0.019198	1.68

0.018738	1.69	0.009445	1.96	0.004486	2.23	0.002004	2.50	0.000841	2.77
0.018288	1.70	0.009198	1.97	0.004359	2.24	0.001943	2.51	0.000814	2.78
0.017847	1.71	0.008957	1.98	0.004235	2.25	0.001883	2.52	0.000787	2.79
0.017415	1.72	0.008721	1.99	0.004114	2.26	0.001825	2.53	0.000761	2.80
0.016993	1.73	0.008491	2.00	0.003996	2.27	0.001769	2.54	0.000736	2.81
0.016579	1.74	0.008266	2.01	0.003882	2.28	0.001715	2.55	0.000711	2.82
0.016174	1.75	0.008046	2.02	0.003770	2.29	0.001662	2.56	0.000688	2.83
0.015778	1.76	0.007832	2.03	0.003662	2.30	0.001610	2.57	0.000665	2.84
0.015390	1.77	0.007623	2.04	0.003556	2.31	0.001560	2.58	0.000643	2.85
0.015010	1.78	0.007419	2.05	0.003453	2.32	0.001511	2.59	0.000621	2.86
0.014639	1.79	0.007219	2.06	0.003352	2.33	0.001464	2.60	0.000600	2.87
0.014276	1.80	0.007025	2.07	0.003255	2.34	0.001418	2.61	0.000580	2.88
0.013920	1.81	0.006835	2.08	0.003160	2.35	0.001373	2.62	0.000560	2.89
0.013573	1.82	0.006649	2.09	0.003067	2.36	0.001330	2.63	0.000541	2.90
0.013233	1.83	0.006468	2.10	0.002977	2.37	0.001288	2.64	0.000523	2.91
0.012900	1.84	0.006292	2.11	0.002889	2.38	0.001247	2.65	0.000505	2.92
0.012575	1.85	0.006120	2.12	0.002804	2.39	0.001207	2.66	0.000488	2.93
0.012257	1.86	0.005952	2.13	0.002720	2.40	0.001169	2.67	0.000471	2.94
0.011946	1.87	0.005788	2.14	0.002640	2.41	0.001131	2.68	0.000455	2.95
0.011642	1.88	0.005628	2.15	0.002561	2.42	0.001095	2.69	0.000440	2.96
0.011345	1.89	0.005472	2.16	0.002484	2.43	0.001060	2.70	0.000425	2.97
0.011054	1.90	0.005321	2.17	0.002410	2.44	0.001026	2.71	0.000410	2.98
0.010771	1.91	0.005172	2.18	0.002337	2.45	0.000993	2.72	0.000396	2.99
0.010493	1.92	0.005028	2.19	0.002267	2.46	0.000961	2.73	0.000382	3.00
0.010222	1.93	0.004887	2.20	0.002198	2.47	0.000929	2.74		
0.009957	1.94	0.004750	2.21	0.002132	2.48	0.000899	2.75		
0.009698	1.95	0.004616	2.22	0.002067	2.49	0.000870	2.76		